

Sistema centralizzato di iscrizione agli esami Syllabus

Università di Pisa

ALGEBRA LINEARE E ANALISI MATEMATICA II

GREGORY JAMES PEARLSTEIN

2023/24 Academic year

INGEGNERIA INFORMATICA Course

Code 591AA

Credits 12

Modules Type Hours Teacher(s) Area

LEZIONI ALGEBRA LINEARE **GREGORY JAMES** MAT/03 60 **PEARLSTEIN**

ANALISI MATEMATICA II MAT/05 **LEZIONI** 60 **EVGENY STEPANOV**

Obiettivi di apprendimento

Conoscenze

Lo studente che completa con successo il corso avrà una conoscenza pratica dei principali strumenti dell'algebra lineare (sistemi lineari, matrici, autovalori, geometria analitica) e del calcolo differenziale e integrale per funzioni di più variabili reali (problemi max/min, integrali in 2d e 3d, integrali su curve e superfici).

MODULO DI ALGEBRA LINEARE:

Aree di base: Sistemi lineari. Spazi euclidei reali e complessi

Aree caratterizzanti:

Teoria degli spazi vettoriali, dell'indipendenza e della dimensione

Teoria spettrale elementare

Aree affini: La geometria analitica e i vettori

MODULO DI ANALISI MATEMATICA II:

Aree di base: Continuita`, limiti, derivate e integrali per funzioni fra spazi euclidei

Aree caratterizzanti: Differenziabilita`

Estremi locali liberi e vincolati

Integrabilita` e potenziali di campi e forme

Curve regolari, rettificabilita`, lunghezza e integrali curvilinei

Superficie regolari, vettore normale, area e integrali superficiali

Aree affini: Problemi geometrici e fisici alla base della teoria

Modalità di verifica delle conoscenze

Modalità di verifica delle conoscenze

Nella prova scritta, lo studente deve dimostrare di saper affrontare e risolvere problemi standard che richiedono gli strumenti presentati nel corso. Le soluzioni sono presentate in forma scritta. Verrà valutata la correttezza e la chiarezza delle soluzioni. Durante la prova orale verrà valutata la capacità dello studente di esporre correttamente i principali argomenti trattati durante il corso alla commissione.

Capacità

MODULO DI ALGEBRA LINEARE:

risolvere sistemi lineari generali, con applicazioni ai problemi dell'algebra lineare negli spazi euclidei

eseguire operazioni con vettori euclidei e matrici, sia attraverso le componenti scalari, sia in forma compatta; familiarita` con le notazioni

utilizzare lo spazio vettoriale euclideo come modello di sistemi complessi e, in particolare, come ambiente alternativo alla geometria analitica classica per la risoluzione di problemi geometrici e meccanici;

MODULO DI ANALISI MATEMATICA II:

uso delle funzioni fra spazi euclidei come modelli di curve e superficie; sistemi di coordinate differenti;

calcolo di derivate (velocità, gradiente, jacobiana) e differenziali per tutte le funzioni fra spazi euclidei di ogni dimensione; determinazione di massimi e minimi liberi e vincolati;

applicazione dei teoremi della funzione implicita alla risolubilita` locale di un insieme di equazionil

Stabilire l'integrabilità di un campo vettoriale (o di una forma differenziale) e calcolarne tutte le primitive;



Sistema centralizzato di iscrizione agli esami Syllabus

Università di Pisa

calcolo di lunghezza ed integrali curvilinei di funzioni su curve parametriche;

calcolo di integrali multipli;

calcolo del piano tangente e del vettore normale ad una superficie parametrica regolare; calcolo di area e integrali superficiali di una funzione su una superficie.

Modalità di verifica delle capacità

Le due prove scritte, relative ai due moduli, hanno come obiettivo la verifica del livello raggiunto nelle capacita` richieste per superare l'esame.

Comportamenti

COMUNI AI DUE MODULI:

Acquisire familiarita' con i concetti e le notazioni dell'algebra e dell'analisi, tanto come modelli quanto come strumenti di calcolo

Modalità di verifica dei comportamenti

Le prove d'esame (scritte ed orali) di entrambi i moduli forniscono una valutazione diretta del grado di familiarita` acquisito.

Prerequisiti (conoscenze iniziali)

Per il modulo di Algebra: trigonometria elementare; geometria analitica elementare (equazione della retta e delle coniche in forma canonica); generalita` sull'uso dei vettori geometrici;

Per il modulo di Analisi Matematica II: Analisi Matematica I (limiti, continuita`, derivate, integrali per funzioni di una variabile) e Algebra Lineare (spazio euclideo R^n, prodotto scalare e norma, matrici, applicazioni lineari fra spazi euclidei, teoria spettrale elementare, forme quadratiche).

Programma (contenuti dell'insegnamento)

Modulo di Algebra Lineare:

I sistemi lineari: teoria e risoluzione: algoritmi di Gauss, di Gauss-Jordan.

Gli spazi euclidei reali e complessi: operazioni su vettori, norma e prodotto scalare (o hermitiano), sottospazi; proiezione.

L'algebra delle matrici: tipo, operazioni, matrici speciali. Struttura generale delle applicazioni lineari fra spazi euclidei.

Indipendenza, basi, dimensione. Teorema di Grassmann sui sottospazi.

Applicazioni lineari: proprieta` generali. Nucleo, immagine e loro dimensioni.

Determinanti e loro proprieta`.

Teoria spettrale: diagonalizzabilita`, autovalori, autovettori e autospazi. Criteri di diagonalizzabilita`.

Teoria spettrale per matrici autoaggiunte.

Classificazione delle forme quadratiche e studio del loro segno.

MODULO DI ANALISI MATEMATICA II:

successioni e funzioni in spazi euclidei: convergenza, continuita`, e limiti; principali risultati; il teorema di esistenza degli zeri e la connessione (per archi);

calcolo differenziale in piu` variabili: derivate direzionali, condizione per gli estremi interni, differenziabilita`, rappresentazione del differenziale e matrice jacobiana, vettori, rette e piani tangenti a curve, superficie e a grafici di funzioni.

Teorema della funzione implicita per funzioni e sistemi: teorema di inversione locale.

Campi di vettori e forme differenziali: condizioni di integrabilita` e calcolo delle primitive.

Rettificabilita`, lunghezza e integrale curvilineo di una funzione su una curva parametrica.

Integrali multipli: formule di riduzione (teoremi di Fubini e Tonelli), cambio di variabili ed integrazione per parti (formula di Gauss-Green-Ostrogradskii).

Superficie parametriche regolari, area e integrali superficiali.

Bibliografia e materiale didattico

Per l'algebra lineare, l'istruttore prevede di fornire una serie di note scritte per il corso. Altri riferimenti sono:

- Geometria e algebra lineare di Bruno Martelli, disponibile online
- Algebra lineare. Per tutti di Lorenzo Robbiano
- Schuam's Outlines, Linear Algebra (6ª edizione) di Seymour Lipschutz e Marc Lipson. Questo libro (in inglese) contiene soluzioni dettagliate a centinaia di problemi.

Alcune importanti differenze tra questi libri e i miei appunti:

- I miei appunti e il libro di Martelli trattano gli spazi vettoriali prima dell'eliminazione di Guassiano, il che è opposto all'ordine del libro di Robbiano.
- Il libro di Martelli introduce il prodotto scalare molto più tardi rispetto ai miei appunti e al libro di Robbiano.

Modalità d'esame

Il formato degli esami sarà simile a quello dell'anno precedente, con dettagli da annunciare.

I moduli di algebra lineare e analisi avranno esami separati (sia orali che scritti) che trattano solo l'argomento di quel modulo. Se uno studente



Sistema centralizzato di iscrizione agli esami Syllabus

Università di Pisa

supera gli esami sia di algebra lineare che di analisi II, il voto del corso sarà determinato da un processo di media. Il formato degli esami di analisi II non è ancora definito.

Gli studenti aventi diritto a tempi supplementari o altre agevolazioni per gli esami devono registrarsi preventivamente presso la segreteria competente

Pagina web del corso

https://classroom.google.com/c/NjlyNDAxODg3MDc0

Altri riferimenti web

https://classroom.google.com/c/NjlyNDAxODg3MDc0?cjc=jccv2ua Codice del Corso: jccv2ua

Note

https://classroom.google.com/c/NjlyNDAxODg3MDc0?cjc=jccv2uaCode for Google Classroom: jcc2ua

Ultimo aggiornamento 23/09/2023 11:53

3/3