

TEORIA DELLE CATEGORIE

VALERIO MELANI

Anno accademico	2019/20
CdS	MATEMATICA
Codice	220AA
CFU	6

Moduli	Settore	Tipo	Ore	Docente/i
TEORIA DELLE CATEGORIE	MAT/01	LEZIONI	42	VALERIO MELANI

Obiettivi di apprendimento

Conoscenze

Il corso vuole fornire agli studenti solide conoscenze sull'uso delle categorie in matematica, con particolare attenzione agli esempi provenienti dalla geometria, dalla topologia e dalla logica.

Modalità di verifica delle conoscenze

Piccolo seminario ed esame orale.

Capacità

Lo studente che completerà il percorso saprà usare con disinvoltura il linguaggio categoriale e sarà in grado di applicarlo nei vari campi della matematica.

Modalità di verifica delle capacità

Seminario su argomenti non estensivamente trattati durante le ore di lezione.

Comportamenti

Lo studente deve essere in grado di studiare in modo autonomo e di preparare un piccolo seminario su un argomento concordato con il docente.

Modalità di verifica dei comportamenti

Durante il seminario e in sede d'esame verrà valutata la capacità di esporre argomenti attinenti alle tematiche del corso.

Prerequisiti (conoscenze iniziali)

Nozioni di base di algebra commutativa. Una conoscenza più avanzata di geometria e topologia può essere utile, ma non è indispensabile.

Corequisiti

Può essere utile seguire il corso di Istituzioni di Algebra (in modo particolare la parte di algebra omologica).

Programma (contenuti dell'insegnamento)

- Introduzione e motivazioni
- Prime definizioni: categorie, funtori, trasformazioni naturali. Costruzioni di base ed esempi.
- Proprietà universali, funtori (co)rappresentabili, lemma di Yoneda.
- Limiti, colimiti, esempi concreti.
- Aggiunzioni: esempi ed interazioni con (co)limiti, teorema del funtore aggiunto.
- Monadi e algebre. Il teorema di Barr-Beck.
- Categorie additive ed abeliane.
- Estensioni di Kan.
- Verso le infinito-categorie: motivazioni e prime costruzioni.

Bibliografia e materiale didattico

- Mac Lane, Categories for the working mathematician
- Kashiwara and Shapira, Categories and sheaves
- Leinster, Basic category theory

Modalità d'esame

Piccolo seminario ed esame orale.

Ultimo aggiornamento 10/09/2019 12:16