



UNIVERSITÀ DI PISA

MATHEMATICAL METHODS FOR ECONOMICS

MAURO SODINI

Academic year 2020/21
Course ECONOMICS
Code 436PP
Credits 12

Modules	Area	Type	Hours	Teacher(s)
MATHEMATICAL METHODS FOR ECONOMICS	SECS-S/06	LEZIONI	84	LAURA CAROSI MAURO SODINI

Obiettivi di apprendimento

Conoscenze

Il Corso si propone di fornire una solida preparazione di base necessaria per affrontare i corsi successivi programma del corso di laurea. Alla fine del corso lo studente dovrà conoscere gli strumenti matematici necessari per la comprensione dei modelli economici che gli/le verranno presentati nei corsi avanzati di economia.

Modalità di verifica delle conoscenze

Le conoscenze dello studente saranno verificate mediante lo svolgimento di una prova scritta.

Capacità

Alla fine del corso, lo studente dovrà acquisire una notevole padronanza degli strumenti matematici presentati nel corso. Tale competenza sarà di ausilio nella comprensione ed assimilazione dei successivi corsi presenti nel corso di studio, con particolare riferimento a quelli di area economica e statistica. Inoltre lo studente dovrà essere capace di:

- risolvere esercizi sugli argomenti presentati nel corso
- effettuare calcoli con precisione ed accuratezza
- enunciare e dimostrare in modo rigoroso i teoremi dimostrati durante il corso
- fare proprie tecniche dimostrative
- studiare la relazione tra teoria ed esercizi
- formalizzare ed interpretare un modello economico tramite l'ausilio di strumenti matematici

Modalità di verifica delle capacità

Durante la prova scritta, lo studente dovrà risolvere con accuratezza gli esercizi ed enunciare e dimostrare in modo rigoroso alcuni teoremi presentati durante il corso. La capacità di mettere in relazione gli aspetti teorici necessari per lo svolgimento degli esercizi sarà oggetto di specifica valutazione così come l'utilizzo di una terminologia ed un linguaggio matematico appropriato. Inoltre, allo studente è richiesto di saper usare gli strumenti matematici imparati per "leggere" ed interpretare i modelli economici.

Comportamenti

Alla fine del corso, lo studente vedrà consolidate le sue abilità nel comprendere, formalizzare e risolvere un problema secondo il linguaggio ed il rigore propri della matematica. Inoltre dovrà acquisire una preparazione matematica necessaria a formalizzare, sviluppare ed interpretare i modelli economici.

Modalità di verifica dei comportamenti

Durante l'esame, lo studente dovrà dimostrare le sue capacità di applicare i concetti matematici che ha imparato nel corso.

Prerequisiti (conoscenze iniziali)

Funzioni ad una e due variabile.

Nozioni base di algebra lineare (matrici e sistemi lineari)

Nozioni base riguardanti equazioni differenziali ed alle differenze.



UNIVERSITÀ DI PISA

Indicazioni metodologiche

Metodo di insegnamento: lezioni frontali (fortemente consigliate).

Attività per l'apprendimento: frequenza alle lezioni ed esercitazioni, studio individuale

La frequenza non è obbligatoria, ma consigliata.

Programma (contenuti dell'insegnamento)

Part I. Topologia, teoremi di punto fisso e teoremi di separazione

- Spazi Euclidei: successioni e serie in $\mathbb{R}$ ed in $\mathbb{R}^n$.
- Spazi metrici: successioni, compattezza, completezza. Teoremi di punto fisso.
- Funzioni continue su spazi metrici. Funzioni continue su insiemi compatti.
- Corrispondenze e teoremi di punto fisso.
- Insiemi convessi e teoremi di separazioni.

Part II – Algebra lineare

- Spazi vettoriali. Matrici. Determinante di una matrice.
- Autovalori e autovettori.
- Diagonalizzazione di una matrice. Forme canoniche.
- Funzioni lineari su spazi vettoriali. Funzioni lineari e matrici

Part III Funzioni di più variabili in $\mathbb{R}^n$

- Gradiente e derivate direzionali.
- Differenziabilità e differenziale di una funzione.
- Formula di Taylor.
- Teorema di Eulero.

Part IV - Ottimizzazione statica

- Teorema della funzione implicita: applicazioni.
- Ottimizzazione libera
- Ottimizzazione vincolata: vincoli di uguaglianza. Moltiplicatori di Lagrange.
- Ottimizzazione vincolata: vincoli di disuguaglianza. Moltiplicatori di Lagrange.
- Convessità generalizzata.
- Teorema dell'involuppo.

Part V- Sistemi dinamici

- Sistemi di equazioni alle differenze.
- Sistemi di equazioni differenziali.
- Applicazioni economiche.

Part VI - Ottimizzazione dinamica

- Richiami su integrazione di Riemann.
- Ottimalità in tempo continuo: controllo ottimo, principio del massimo.
- Ottimalità in tempo discreto: principio del massimo e cenni di programmazione dinamica.
- Equazione di Bellman ed equazione di Eulero.

Bibliografia e materiale didattico

1. Liptschütz, M. Lipson, Schaum's Outline of Linear Algebra, Fourth Edition, McGraw Hill, 2009 (Chapters 1-10).
- R. Bronson, Matrix methods, Second Edition, Academic Press, Boston 1991. Chapters 2,5,7,9,10 .
- K. Sydsaeter, P. Hammond, A. Seierstad, A. Strom, Further Mathematics for Economic Analysis, Second Edition, Prentice Hall, London 2008 (Chapters 2,3,5,6,7,9,10,11,12,13,14, Appendix B)

Testi consigliati per la consultazione

- Serge Lang, Linear Algebra, Springer 1987 (or Addison Wesley, Reading MA 1971) Chapter 1-8.
- Liptschütz, M- Lipson, Schaum's Outline of General Topology, McGraw Hill, 1968 or later editions.
- Munkres, J. R. Topology a first course. Englewood Cliffs, New Jersey [etc.], Prentice- Hall, Inc., 1975 or later editions.
- Gandolfo, Economic Dynamics, 4th edition, Springer Verlag (2009).
- Shone, Economic Dynamics: Phase Diagrams and their Economic Application, Cambridge University Press, 2003.
- P. Simon and L. Blume, Mathematics for economists, International student ed., New York, London : W.W. Norton, c1994, ISBN



UNIVERSITÀ DI PISA

978-0-393-11752-3.

- Knut Sydsæter, Arne Strøm, Peter Berck, *Economists' mathematical manual* 4.ed, Berlin, Springer, 2005 ISBN 3-540-26088-9
- Antonio Villanacci *Notes for the Math course at the European University Institute* (Disponibile su https://el.unifi.it/pluginfile.php/426564/mod_resource/content/1/math2--2017-08-31.pdf).

Modalità d'esame

L'esame è composto da una prova scritta che si svolgerà in presenza o in modalità a distanza sulla base dell'andamento dell'emergenza COVID-19. Consiste nello svolgimento di esercizi sugli argomenti del corso. Allo studente è richiesto di enunciare e dimostrare in modo rigoroso alcuni tra i teoremi presentati in classe. La prova è suddivisa in due parti: la prima riguarda Topologia ed Algebra Lineare, mentre la seconda è relativa al resto del programma. La prova è sufficiente se lo studente raggiunge almeno 7 punti su ciascuna parte ed un punteggio complessivo di 18.

Ultimo aggiornamento 17/09/2020 09:27