

TEORIA ALGEBRICA DEI NUMERI 1

ILARIA DEL CORSO

Anno accademico	2019/20
CdS	MATEMATICA
Codice	077AA
CFU	6

Moduli	Settore	Tipo	Ore	Docente/i
TEORIA ALGEBRICA DEI NUMERI 1	MAT/02	LEZIONI	48	ILARIA DEL CORSO ROBERTO DVORNICICH

Obiettivi di apprendimento

Conoscenze

Conoscenze della teoria e degli esempi principali sui campi di numeri

Modalità di verifica delle conoscenze

Esame orale

Capacità

Coleggere gli argomenti, risolvere problemi, fornire esempi

Modalità di verifica delle capacità

Esame orale

Comportamenti

Seguire le lezioni e completare la preparazione con studio individuale durante tutto il semestre

Modalità di verifica dei comportamenti

Nessuna

Prerequisiti (conoscenze iniziali)

Contenuti di Aritmetica e Algebra 1

Indicazioni metodologiche

Studio e risoluzione di esercizi

Programma (contenuti dell'insegnamento)

PROGRAMMA PRELIMINARE DI TEORIA ALGEBRICA DEI NUMERI 1

Richiami di teoria di Galois. Corrispondenza di Galois. Gruppi di Galois delle estensioni ciclotomiche e dei campi finiti. Estensioni intere di un anello. Norma e traccia. Struttura additiva dell'anello degli interi di un campo dei numeri. L'anello degli interi dei campi quadratici. Discriminante di una \mathbb{Z} -algebra di elementi algebrici. Cambi di base e relazioni fra i discriminanti. Basi intere dei campi ciclotomici. Basi intere costruite mediante polinomi valutati in un generatore intero. Domini di Dedekind. Gruppo degli ideali frazionari e gruppo delle

classi di ideali. Fattorizzazione unica degli ideali nei domini di Dedekind.
Indice di ramificazione e grado di inerzia dei primi nelle estensioni. Formula di connessione con il grado dell'estensione. Il caso delle estensioni di Galois. Teorema di Kummer sullo spezzamento dei primi nelle estensioni. Spezzamento dei primi nei campi quadratici e nei campi ciclotomici.
Estensioni di Galois: gruppi di decomposizione e gruppi di inerzia. Estensioni massimali non ramificate ed estensioni massimali in cui un primo si spezza completamente. Applicazioni ai campi ciclotomici: legge di reciprocità quadratica.
Automorfismo di Frobenius per i primi non ramificati. Caratterizzazione dei primi ramificati come quelli che dividono il discriminante del campo.
Teorema del corpo convesso di Minkowski. Finitezza del gruppo delle classi di ideali e determinazione della costante di Minkowski. Finitezza dell'insieme dei campi di numeri che ha un discriminante assegnato. Teorema delle unità di Dirichlet.

Bibliografia e materiale didattico

D. Marcus, Number Fields, Springer Verlag 1977.
W. Narckiewicz, Elementary and Analytic Theory of Algebraic Numbers, Springer 2004.
P. Samuel, Théorie Algèbre des Nombres, Hermann, Paris 1971.

Indicazioni per non frequentanti

Fare riferimento al registro delle lezioni, alla pagina web e al programma.

Modalità d'esame

Esame orale

Ultimo aggiornamento 03/08/2019 17:23