UNIVERSITÀ DI PISA

CRITTOGRAFIA POST-QUANTISTICA

PATRIZIA GIANNI

Anno accademico	2019/20
CdS	MATEMATICA
Codice	703AA
CFU	6

Moduli	Settore/i	Tipo	Ore	Docente/i
CRITTOGRAFIA POST-QUANTISTICA	MAT/02	LEZIONI	42	PATRIZIA GIANNI CARLO TRAVERSO

Obiettivi di apprendimento

Conoscenze
Gli studenti acquisiranno le conoscenze relative ai potenziali attacchi alla sicurezza crittografica derivanti dal possibile futuro sviluppo di calcolatori quantistici di rilevante dimensione, e sui protocolli crittografici che resistono meglio a tali attacchi attualmente noti.
A tal fine si illustreranno gli algoritmi quantistici di Shor e Grover, e come il primo renda totalmente insicuri RSA, Diffie-Hellmann e la sua estensione alle curve ellittiche, e il secondo possa richiedere l'uso di chavi crittografiche più lunghe.
Saranno quindi illustrati i vari protocolli resistenti all'algoritmo di Shor, in particolare quelli studiati dal corrente progetto di standardizzazione di protocolli di crittografia post-quantistica, lanciato dal NIST nel 2016, ed attualmente in sviluppo.
Saranno delineati i risultati matematici che sono alla base di tali protocolli, e quali algoritmi sono utilizzati per gli attacchi ad essi. In particolare, si studieranno gli algoritmi sui reticoli, i codici correttori, i sistemi di equazioni polinomiali multivariate, e le curve ellittiche.

Modalità di verifica delle conoscenze
Gli studenti saranno valutati dalla loro dimostrazione di abilità nel discutere i contenuti principali del corso con l'uso della terminologia appropriata.
Metodo:
* Esame orale finale

Capacità
Gli studenti acquisiranno le conoscenze necessarie per partecipare alla ricerca nel campo della crittografia post-quantistica, e collaborare all'implementazione di algoritmi in questo campo, compresi algoritmi di crittanalisi.

Modalità di verifica delle capacità
Verifica nel corso dell'esame orale finale, che comprenderà anche una breve relazione tecnica su un argomento a scelta

Comportamenti
Gli studenti sono consigliati a frequentare le lezioni e a studiare gli argomenti via via presentati, e, soprattutto in caso di impossibilità a frequentare, tenersi aggiornati con colloqui coi docenti.

Modalità di verifica dei comportamenti
Tramite colloqui durante le lezioni e i ricevimenti

Prerequisiti (conoscenze iniziali)
I prerequisiti di aritmetica, fondamenti di algebra, algebra polinomiale, campi finiti, algebra lineare sono insegnati nei corsi del primo anno, e saranno comunque ripresi a lezione.
I prerequisiti necessari di carattere crittografico e algebro-geometrico insegnati in altri corsi saranno richiamati e saranno date precise indicazioni bibliografiche.

Corequisiti
Il corso è indipendente da altri corsi, anche se sinergie sono possibili.

UNIVERSITÀ DI PISA

Prerequisiti per studi successivi
Indicazioni su studi utili per la continuazione delle ricerche illustrate nel corso saranno date a lezione o in documentazione resa disponibile.

Indicazioni metodologiche
Esame: orale
Frequenza: consigliata
Attività di insegnamento:
* Frequenza alle lezioni frontali
* Preparazione di esposti orali
* Studio individuale
Metodologia di Insegnamento:
* Lezioni frontali

Programma (contenuti dell'insegnamento)
1 Test di primalità e fattorizzazione (non-quantistica). Logaritmo discreto. Trasformata di Fourier rapida.
2 Curve ellittiche
3 Sicurezza crittografica: Inadeguatezza della teoria classica della complessità. IND-CPA, IND-CCA, ecc.
4 Crittografia pre-quantistica:
4.1 Crittografia simmetrica, hashing. DES, AES, SHA1, SHA2, Keccak (SHA-3)
4.2 Crittografia asimmetrica pre-quantistica: RSA, Diffie-Hellman, curve ellittiche: cifra, KEM, firma.
4.3 Successioni pseudo-casuali, zero-knowledge, autenticazione.
5 Calcolo quantistico e crittografia
5.1 Cenni sui modelli matematici di computer quantistici, e loro realizzazione.
5.2 Attacchi quantistici alla crittografia pre-quantistica: algoritmo di Shor, algoritmo di Grover (cenni).
5.3 Progetto NIST di standardizzazione della crittografia post-quantistica.
6 Alcuni Protocolli crittografici post-quantistici
6.1 Reticoli, LWE, NTRU e derivati
6.1.1 LLL e applicazioni; reticoli ridotti, SVP e CVP. BKZ.
6.1.2 Complessità generica dei problemi sui reticoli, dimostrazioni di sicurezza.
6.2 Codici di Goppa, McEliece e crittografia sui codici correttori
6.3 HFE e problemi derivati.
6.4 Polly Cracker e Lattice Polly Cracker
6.5 Merkle tree e firma digitale
6.6 SIKE: Isogenie di curve ellittiche supersingolari.
7 Conclusioni e prospettive

Bibliografia e materiale didattico
N Koblitz A course in number theory and cryptography
N. Koblitz Algebraic aspects of cryptography
D Micciancio, S Goldwasser Complexity of lattice problems: a cryptographic perspective,
Post-quantum cryptography (D. Bernstein, J. Buchmann, E. Dahmen, eds.)
S. Goldwasser and M. Bellare Lecture Notes on Cryptography (MIT notes) https://cseweb.ucsd.edu/~mihir/papers/gb.html

Indicazioni per non frequentanti
Gli studenti sono invitati a colloqui coi docenti anche su appuntamento.

Modalità d'esame
Esame orale finale.

Stage e tirocini
A richiesta, anche per conto di altri corsi.

Pagina web del corso
http://barba.dm.unipi.it/PQC

Altri riferimenti web
https://csrc.nist.gov/Projects/Post-Quantum-Cryptography
https://en.wikipedia.org/wiki/Post-quantum_cryptography

Ultimo aggiornamento 27/09/2019 09:32