



UNIVERSITÀ DI PISA

CALCOLO NUMERICO

GIANNA MARIA DEL CORSO

Anno accademico 2022/23
CdS INFORMATICA
Codice 027AA
CFU 6

Moduli	Settore/i	Tipo	Ore	Docente/i
CALCOLO NUMERICO	MAT/08	LEZIONI	48	GIANNA MARIA DEL CORSO

Obiettivi di apprendimento

Conoscenze

Apprendimento delle tecniche e degli strumenti per la risoluzione numerica di problemi che scaturiscono nelle applicazioni della matematica. L'enfasi è posta sull'analisi degli aspetti computazionali, quali il condizionamento dei problemi esaminati, la stabilità e la complessità dei metodi proposti. Il corso di laboratorio, con l'ausilio dello strumento di calcolo MATLAB e dei modulo NumPy e SciPy di Python, introduce lo studente all'analisi sperimentale degli algoritmi e alla validazione dei risultati.

Modalità di verifica delle conoscenze

L'accertamento e la valutazione delle conoscenze acquisite avverrà mediante prova scritta inerente gli aspetti computazionali ed implementativi dei metodi illustrati e prova orale incentrata sulla discussione delle proprietà teoriche di tali metodi.

Capacità

Lo studente sarà in grado di illustrare le problematiche computazionali che sorgono nella risoluzione numerica di un problema matematico e nella successiva implementazione del metodo numerico in un ambiente di calcolo scientifico.

Modalità di verifica delle capacità

La prova scritta è finalizzata a valutare la sensibilità acquisita dallo studente in merito agli aspetti computazionali ed implementativi che sorgono nella risoluzione numerica di problemi matematici mentre la prova orale richiede allo studente un'analisi delle proprietà teoriche dei metodi utilizzati.

Comportamenti

Lo studente potrà acquisire e/o sviluppare sensibilità alle problematiche computazionali e numeriche che sorgono nella risoluzione di problemi applicativi individuando approcci risolutivi che integrano conoscenze matematiche ed informatiche.

Modalità di verifica dei comportamenti

Durante le sessioni di laboratorio e le lezioni teoriche sono proposti e descritti esercizi che, partendo da un problema applicativo, ne illustrano la formulazione matematica, la risoluzione numerica e l'algoritmo di calcolo.

Prerequisiti (conoscenze iniziali)

Nozioni di base dell'algebra lineare e dell'analisi matematica in una variabile reale.

Indicazioni metodologiche

Le lezioni teoriche sono presentate alla lavagna per dare allo studente tempo sufficiente per capire le dimostrazioni presentate. La parte di laboratorio si svolge in aula attrezzata e sono fornite dispense del docente con gli esercizi proposti che sono svolte dagli studenti sotto la supervisione del docente.

Programma (contenuti dell'insegnamento)



UNIVERSITÀ DI PISA

1. Rappresentazione dei numeri in base, aritmetica di macchina, generazione degli errori. Errore inerente ed algoritmico nel calcolo di una funzione razionale, studio dell'errore algoritmico mediante l'uso di grafi. Introduzione al software numerico.
2. Richiami di algebra lineare. Norme vettoriali. Norme matriciali, norma 1,2, ∞ . Localizzazione degli autovalori di una matrice: il teorema di Gershgorin.
3. Risoluzione numerica di sistemi lineari. Condizionamento del problema. Sistemi lineari con matrice triangolare. Matrici elementari di Gauss. Il metodo di fattorizzazione LU. Il metodo di eliminazione di Gauss. Tecniche di pivoting. Metodi iterativi per sistemi lineari: generalità ed analisi della convergenza. Il metodo di Jacobi e di Gauss-Seidel; condizioni sufficienti per la convergenza.
4. Calcolo di autovalori ed autovettori: il metodo delle potenze.
5. Risoluzione numerica di equazioni non lineari. Il metodo di bisezione. Metodi di iterazione funzionale: il teorema del punto fisso. Metodo delle tangenti. Polinomi algebrici: condizionamento del calcolo di uno zero semplice, matrice companion.
6. Interpolazione polinomiale e quadratura numerica. Esistenza ed unicità del polinomio di interpolazione. Forma di Lagrange del polinomio di interpolazione. Resto dell'interpolazione polinomiale. Quadratura numerica. Generalità sulle formule di Newton-Cotes. Formula dei trapezi composta: analisi del resto dell'integrazione.

Bibliografia e materiale didattico

R. Bevilacqua, O. Menchi. Appunti di Calcolo Numerico. Dispensa.
L. Gemignani. Dispensa.

Indicazioni per non frequentanti

Il corso non ha frequenza obbligatoria. Ci sono delle dispense, e il materiale delle lezioni di laboratorio viene fornito dal docente.

Modalità d'esame

Prova scritta e prova orale.

Ultimo aggiornamento 25/08/2022 11:40